

3 octobre 2008 cours de la semaine # 3

Bienvenue au



Cours de physique générale

Physique I pour étudiants de première année en section de mathématiques

Prof. Georges Meylan

Laboratoire d'astrophysique

Site web du laboratoire et du cours :

http://lastro.epfl.ch

Vous devez suivre les deux conseils suivants

- Soyez réguliers dans l'effort:
 - n'attendez pas la fin du semestre ou de l'année pour travailler
- Soyez vigilants face aux difficultés rencontrées:
 - réagissez rapidement si vous « décrochez »
 - parlez à d'autres étudiants, aux assistants ou au professeur.

NE RESTEZ PAS SEULS

Support de cours et bibliographie

- Le cours se base sur plusieurs sources :
 - «Mécanique générale» C. Gruber & W. Benoit (disponible aux PPUR et Numilog)
 - Les cours des professeurs J.-P. Ansermet, O. Schneider et J.-J. Meister
- Transparents du cours ppt :
 - mis sur le web après chaque leçon avec les dernières corrections http://lastro.epfl.ch et regarder sous cours dans l'index
- Autres références de livres (facultatives): voir à la bibliothèque centrale
 - «Physique générale», Tome 1- Mécanique et Thermodynamique, Alonso & Finn
 - «Mécanique», cours de physique de Berkeley, Kittel, Knight & Ruderman
 - «Mécanique», cours de physique de Feynman, Feynman, Leighton & Sands
- Exercices corrigés (facultatifs): voir à la bibliothèque centrale
 - «Engineering Mechanics, Dynamics», Hibbeler
 - «Engineering Mechanics», McLean & Nelson (série Schaum)
 - «Mécanique générale», Spiegel (série Schaum)
 - «Lagrangian Dynamics», Wells (série Schaum)

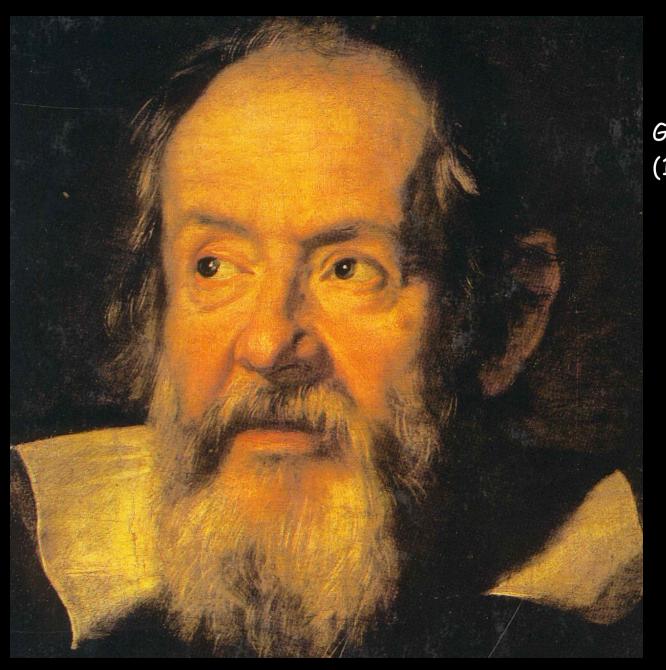
Errata pour le livre de Gruber & Benoit

un fichier pdf de 6 pages est disponible sur la page web du cours

page 1 Errato Sec. 3.3 (Valeurs admises en 2006) p. 5 Wigner 1902 - 1995 Kepler (1596) Kepler (1571-1630) p.23 Kolomogoroff (1903 - 1987) (1928 - 1999) Fig. 1.9 Mécanique Quantique p. 4 Fig. 2.6 T, (TS) = T(T, S) les observations sur les pulsais doubles découvertsen p. 53 112 éléments ... comprise entre 1 et 182 Tableau 3.13 Masse de la Terre Tableau 3.14: Le système solaire [60] masse du soleil 333.103 tableau 3.15: diomètre de notre Galossie 100000 al on en connaît environ 150 silves dans le fialls p. 57 p.58 L'âge de l'Univer ... à 14 miliards d'annees Tableau 3.9 (valeur admises en 2006) · G = 6, 674 28 . 10 ti = 1,054 571 628 . 10 mo = 9, 103 382 15 . 10-31 = 0,510 998 910 e = 1,602 176 487 . 10-19 mp = 1, 672 621 637 . 10-2x = 938, 272 013 mn = 1,676 927 211 . 10-27

= 939, 565 346

page 6 p. 703 4. 10.6 cos 0 = \alpha^1 / \(\begin{array}{c} (\alpha^1)^2 + (y^1)^2 \end{array} \frac{1}{2} \\
\end{array} p.705 5.7.7 2 = p. 706 Les rénornes 6.10.8 et 6.10.9 pont les réponses des problèmes 6.10.9 et 6.10.8 6.10.14 ... 1 jour polaire = (86 400 - 7,8) p ... 1 jour polaire = (86 400 + 8,2) A p. 710 13. 10. 7 2 = 9 1 + Id (m + 2N) 12 14. 10. 15 Voir le paragraphe 14.9.2 p.711 14.10.10 0 = -2 \ p2 (1-5in0) p.713 Chapitre 18 19. 4.7 19. 4. 8 | ICD| = 3, 46 m | |CD | = 3, 18 m p.729 a jouter Masse d'inertie 258

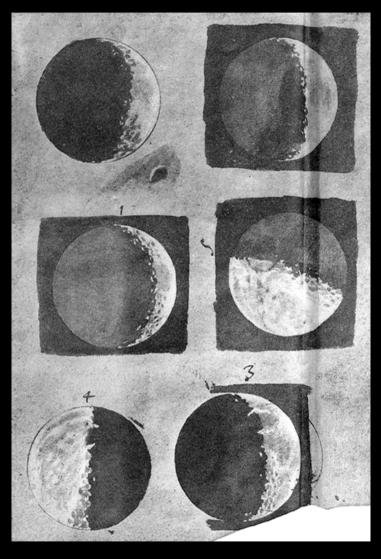


Galileo Galilei (1564-1642)

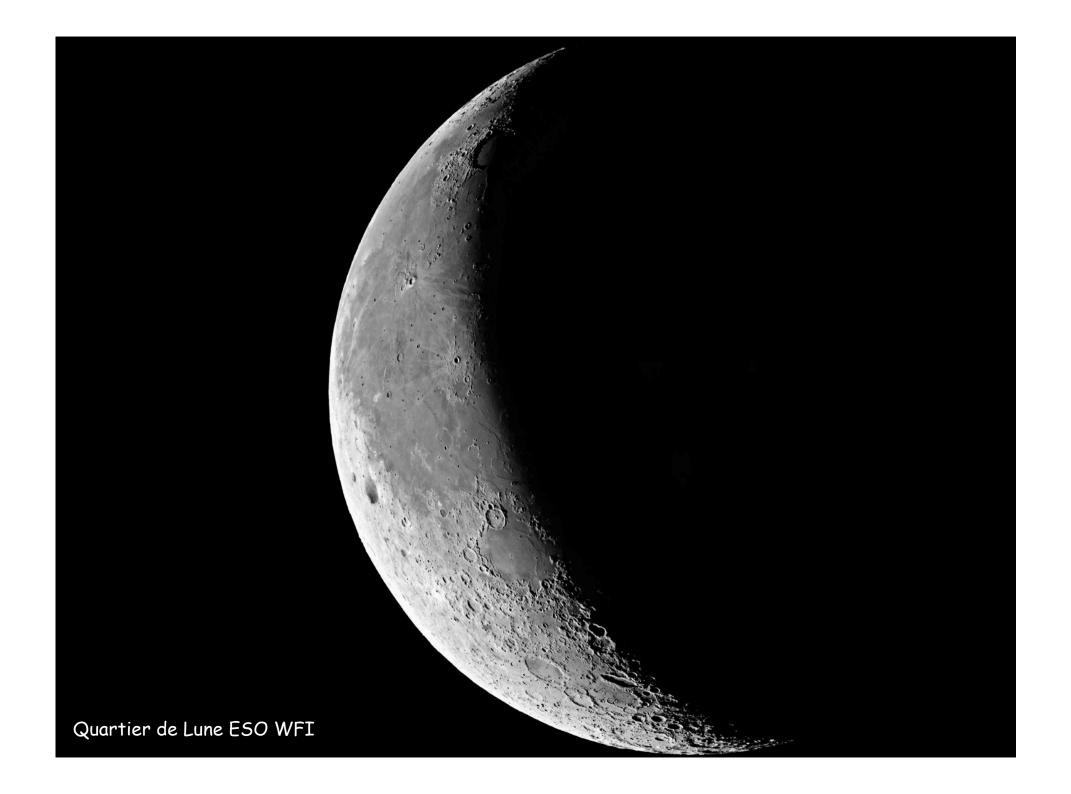


Lunettes
astronomiques
de
Galileo
Galilei

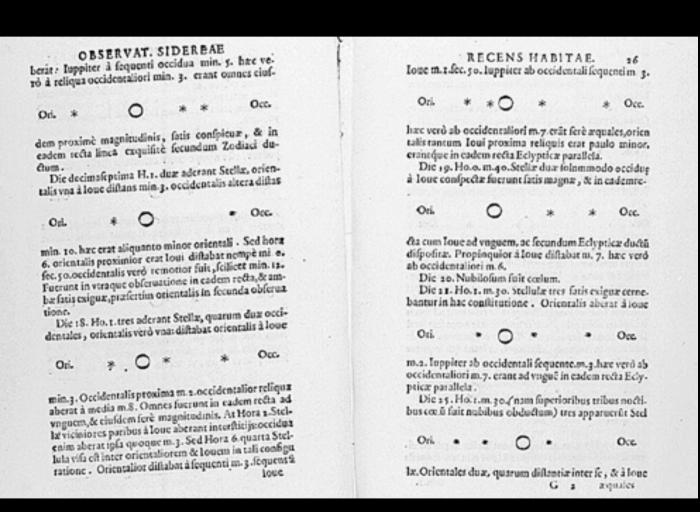
1609-1610 : Galilée observe des mondes nouveaux



Dessins de la Lune par Galilée



Les 4 grands satellites de Jupiter vus par Galileo Galilei

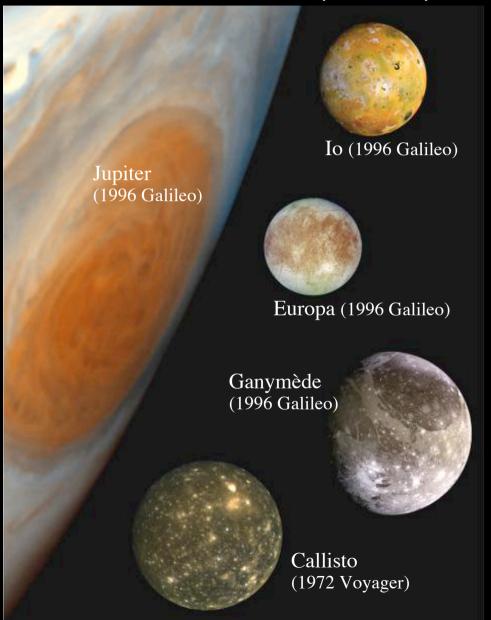


Jupiter et deux de ses satellites



4 grands satellites : Io, Europa, Ganymède, Callisto

Les quatre grands satellites de Jupiter découverts en 1610 par Galilée et observée 4 siècles plus tard par la sonde spatiale Galileo

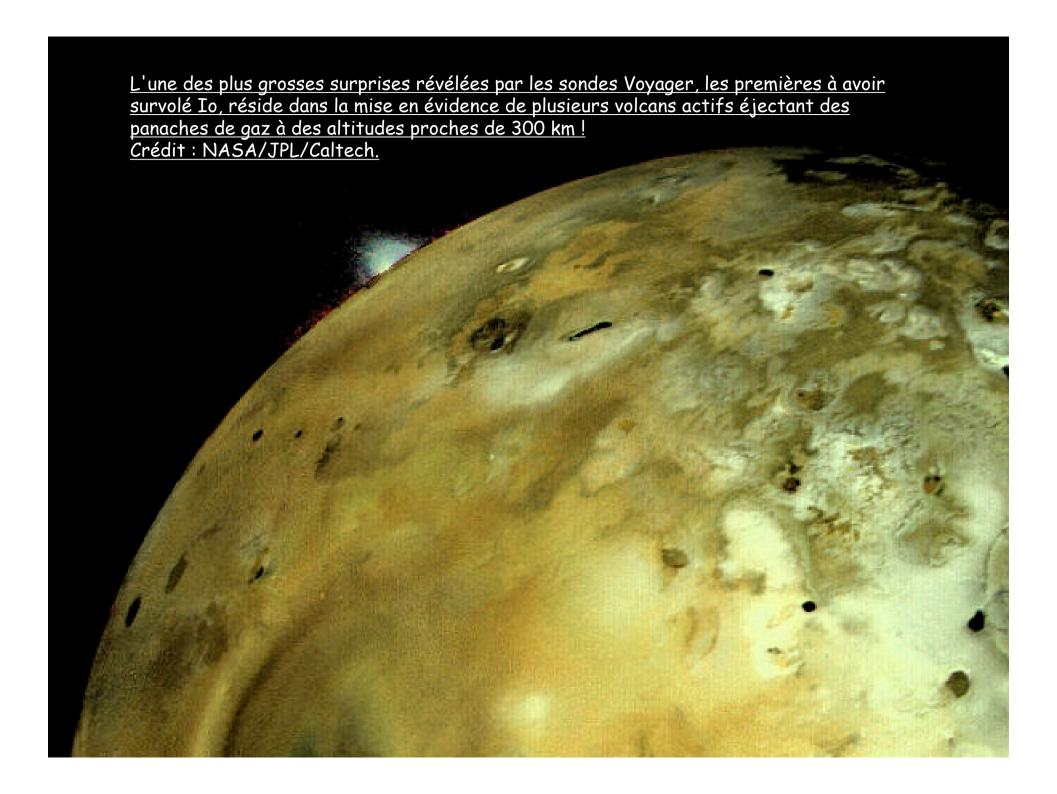


Sonde Galileo:

lancée le 18 octobre 1989,

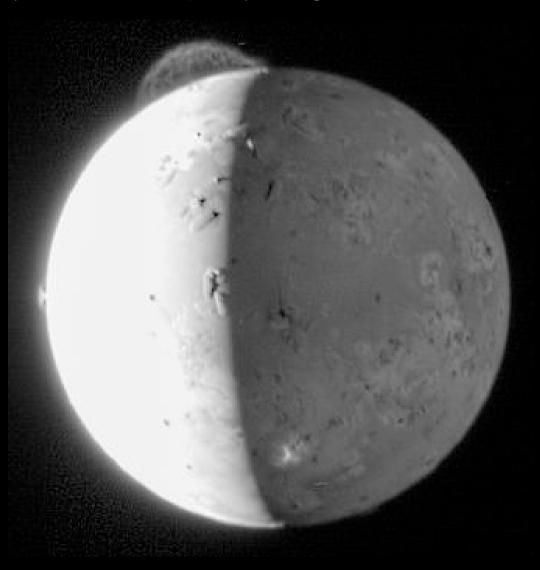
arrive vers Jupiter en décembre 1995,

perdue le 21 sept 2003 quand elle s'est désintégrée dans l'atmosphère de Jupiter



IO ET LES TROIS VOLCANS SIMULTANEMENT ACTIFS - 28/2/2007

En route vers Pluton, qu'elle atteindra en juillet 2015,
la sonde spatiale interplanétaire New Horizons est passée par Jupiter
prendre un peu de vitesse par le moyen d'un effet dit de « fronde gravitationnelle »,
processus durant lequel la planète géante accélère la sonde.





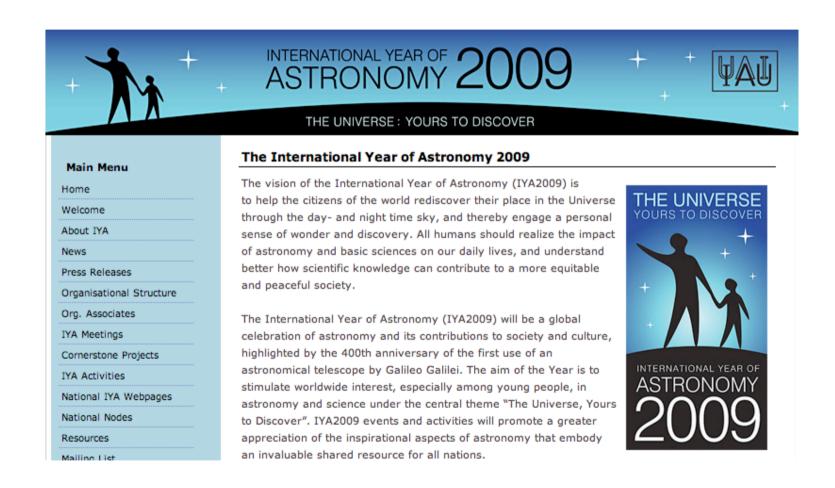
Quelques contributions de Galilée

- Physicien, astronome et écrivain italien, né à Pise en 1564.
- Découvre la loi de la chute des corps dans le vide.
- Donne une première formulation du principe d'inertie.
- Pressent la loi de composition des vitesses.
- Met en évidence l'isochronisme des oscillations d'un pendule.
- Introduit l'emploi de la lunette en astronomie ⇒ révolution dans l'observation de l'Univers.
- Découvre le relief de la Lune, les principaux satellites de Jupiter, les phases de Vénus et la présence d'étoiles dans la Voie Lactée.
- Se rallie au système héliocentrique de Copernic (mis à l'Index).
- Condamné par le tribunal de l'Inquisition et obligé de se rétracter en 1633.
- Réhabilité par l'Eglise en ????.
- · «Discours concernant deux sciences nouvelles» (1638).

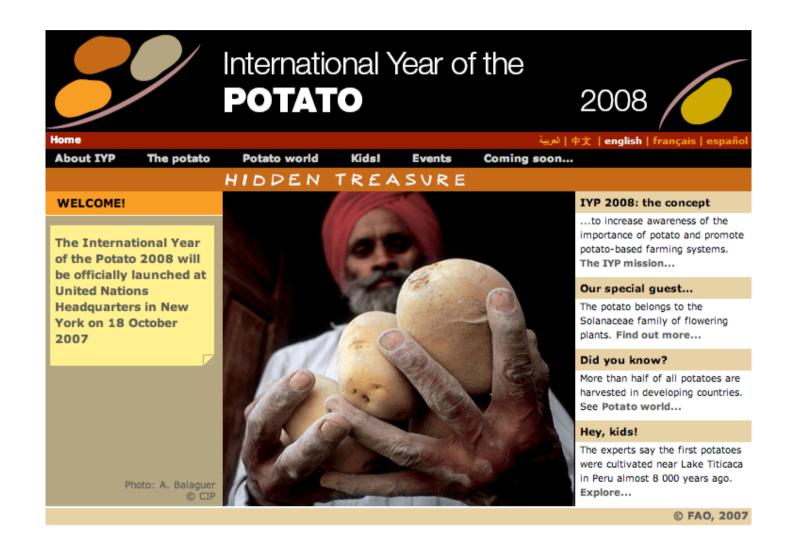
Quelques contributions de Galilée

- Physicien, astronome et écrivain italien, né à Pise en 1564.
- Découvre la loi de la chute des corps dans le vide.
- Donne une première formulation du principe d'inertie.
- Pressent la loi de composition des vitesses.
- Met en évidence l'isochronisme des oscillations d'un pendule.
- Introduit l'emploi de la lunette en astronomie ⇒ révolution dans l'observation de l'Univers.
- Découvre le relief de la Lune, les principaux satellites de Jupiter, les phases de Vénus et la présence d'étoiles dans la Voie Lactée.
- Se rallie au système héliocentrique de Copernic (mis à l'Index).
- Condamné par le tribunal de l'Inquisition et obligé de se rétracter en 1633.
- Réhabilité par l'Eglise en 1992.
- · «Discours concernant deux sciences nouvelles» (1638).

http://www.astronomy2009.org/



EPFL - GM

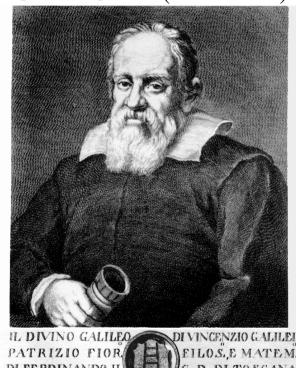


EPFL - GM

Galilée et la chute des corps

- Le mouvement « naturel » des corps est rectiligne uniforme (principe d'inertie); toute déviation est due à une force.
- La chute des corps (dans le vide, v_0 = 0) est un mouvement rectiligne uniformément accéléré sous l'effet de la force de la pesanteur.
 - Prouvé expérimentalement par Galilée
- Galilée constate expérimentalement et théoriquement que la période d'un pendule est indépendante de sa masse m;
- → force de pesanteur proportionnelle à m

Galileo Galilei (1564–1642)



PATRIZIO FIOR

DI FERDINANDO II.

nato il di XVIII Febb MDLAII.

Alla Profonda Oottrina, cel Universal Erudizione dell'Ill. Sig.

Oottore Tommano Perelli Astronomo, e Unternativo (deberrina
Trasola ma Europe Tota di Viii sto Sultermuneajo ("Ill'Sig" Sig. (Batter Velli)

Trasola di di.

Existence de forces de frottement

Jusqu'à Galilée, les objets lourds étaient considérés comme tombant plus rapidement que les légers.

Galilée étudie des cas idéalisés, simplifiés





(b)

Galilée
postule
que tous
les objets
tombent
avec
une accélération
constante
en l'absence
d'air et
d'autre force
de frottement

Chutes des corps et mouvements uniformément accélérés

L'accélération gravitationnelle près de la surface de la Terre est cte. Dans la cas d'un mouvement rectiligne :

$$\overline{v} = \frac{x - x_0}{t - t_0} = \frac{x - x_0}{t}$$

$$avec \ x(t = 0) = x_0, \ y(t = 0) = y_0, \ t_0 = 0$$

$$a = \overline{a} = \frac{v - v_0}{t}$$

Vitesse d'un objet après un certain temps d'accélération :

$$v = v_0 + at \quad (i)$$

$$\overline{v} = \frac{x - x_0}{t} \implies x = x_0 + \overline{v}t$$
 (ii) et comme a = cte , la vitesse moyenne \overline{v}

sera entre les valeurs initiale v_0 et finale v de la vitesse $\Rightarrow \bar{v} = \frac{v_0 + v}{2}$ (iii)

$$\Rightarrow \quad \overline{v} = \frac{v_0 + v}{2} \quad (iii)$$

Les Eqs. (i), (ii), (iii)
$$\Rightarrow x = x_0 + \overline{v} t$$

$$= x_0 + \left(\frac{v_0 + v}{2}\right)t$$

$$= x_0 + \left(\frac{v_0 + v_0 + at}{2}\right)t \implies x = x_0 + v_0t + \frac{1}{2}at^2 \quad (iv)$$

Chutes des corps et mouvements uniformément accélérés

Substituant (iii) dans (ii)
$$\Rightarrow x = x_0 + \overline{v}t = x_0 + \left(\frac{v + v_0}{2}\right)t$$

Tirant t de (i)
$$\Rightarrow t = \frac{v - v_0}{a}$$
 et remplaçant t dans \nearrow , on obtient :

$$x = x_0 + \left(\frac{v + v_0}{2}\right) \left(\frac{v - v_0}{a}\right) = x_0 + \frac{v^2 - v_0^2}{2a}$$
 don't on tire v²:

$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$
 (v) avec a = cte.

On obtient ainsi 4 équations,

reliant la position, la vitesse, l'accélération et le temps, dans le cas a = cte :

$$a$$
) $v = v_0 + at$

$$b) x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

c)
$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

d) $\bar{v} = \frac{v_0 + v}{v_0}$

$$d) \qquad \bar{v} = \frac{v_0 + v}{2}$$

a = cte

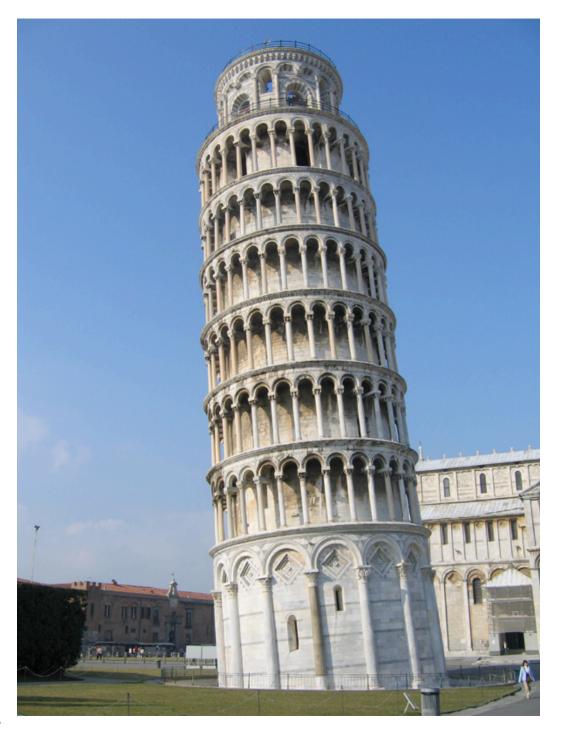
Application: piste d'un aéroport

- Vous voulez construire un aéroport pour petits avions. Une sorte d'avion attendue sur cet aéroport doit atteindre, pour décoller, une vitesse d'au moins 27,8 m/s (100 km/h) et peut accélérer à 2,00 m/s². Questions:
- a) Si la piste a 150 m de long, ce type d'avion peut-il décoller?
- b) Sinon, quelle est la longueur minimale que la piste doit avoir?
- a) On connaît l'accélération de l'avion et la longueur de la piste. On cherche si la vitesse de 27,8 m/s peut être atteinte. On connaît :

$$x_0 = 0$$

 $v_0 = 0$
 $x = 150 m$
 $a = 2,00 \, m/s^2$
 $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$
 $= 0 + 2(2,00 \, m/s^2)(150 \, m) = 600 \, m^2/s^2$ piste trop courte

b)
$$\Rightarrow (x-x_0) = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} = \frac{(27.8 \, m/s)^2 - 0}{2(2.00 \, m/s^2)} = 193 \, m$$
 longueur minimale

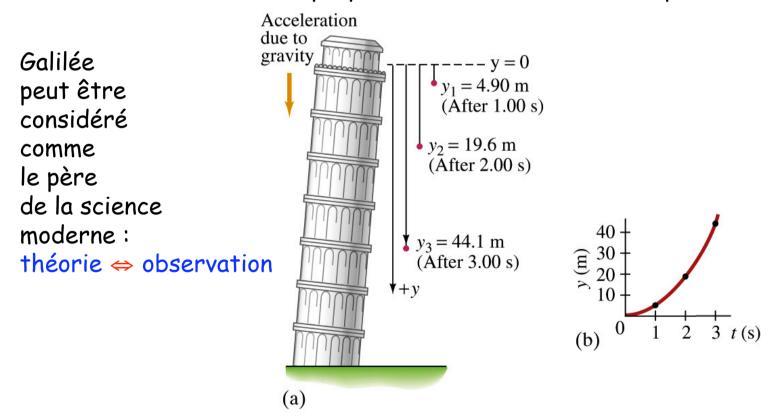


Tour de Pise

Selon A. Koyré, Galilée n'aurait jamais effectué des expériences depuis cette tour.

a) An object dropped from a tower falls with progressively greater speed and covers greater distance with each successive second b) Graph of y vs. t

Pour tout objet au départ au repos, Galilée montre que, une fois lâché, l'objet parcourt une distance proportionnelle au carré du temps écoulé : $d \propto t^2$



En un point donné à la surface de la Terre et en l'absence de résistance de l'air (vide), tous les objets tombent avec la même accélération constante : $g = 9,81 \text{ m/s}^2$

Chute de corps de la Tour de Pise

On lâche une balle du sommet de la Tout de Pise. De combien de mètres aura-t-elle chuté après 1s, 2s, et 3s. $a = g = 9.81 \text{ m/s}^2$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

On utilise l'équation $x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2$ avec $x_0 = 0$, $v_0 = 0$ et a = g

$$y_1 = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}(9.81m/s^2)(1.00s)^2 = 4.90 m$$

$$y_2 = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}(9.81m/s^2)(2.00s)^2 = 19.6 m$$

$$y_3 = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}(9.81m/s^2)(3.00s)^2 = 44.1 m$$

<u>Chutes des corps</u> et mouvements uniformément accélérés

 Galilée: étude des corps en chute libre, le long d'un rail, sans vitesse initiale
 mvt rectiligne, d'équation:

$$x(t) = x_0 + \frac{1}{2}a_0(t - t_0)^2$$

où $a_0 = g \sin \theta$ (avec $g = 9.81 \text{ ms}^{-2}$) dépend de l'inclinaison du rail mais pas du corps considéré.

• Si l'on diminue, voire supprime les frottements: amélioration de l'accord entre les mesures expérimentales et l'équation ci-dessus, équation dont on peut tirer la vitesse et l'accélération:

$$v(t) = \dot{x}(t) = a_0(t - t_0)$$

$$a(t) = a_0 =$$
cste.

Démo : Chocs élastiques et chocs mous sur rail à air # 766

Observation ⇒ mouvement rectiligne uniforme

⇒ mouvement rectiligne uniformément accéléré

<u>Chutes des corps</u> <u>et mouvements uniformément accélérés (suite)</u>

• Inversement, pour tout mvt rectiligne d'accélération cte a_0 , on a :

$$\frac{dv}{dt} = a_0 d'où v(t) = v_0 + a_0(t - t_0)$$

$$\frac{dx}{dt} = v(t) d'où x(t) = x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a_0(t - t_0)^2$$

où x_0 et v_0 sont la position et la vitesse à l'instant t_0 . L'équation de la diapositive précédente correspond au cas v_0 = 0.

Des deux équations ci-dessus on vérifie facilement la relation :

$$\frac{1}{2}v(t)^2 - a_0x(t) = \frac{1}{2}v_0^2 - a_0x_0 = \text{cste}.$$
 En effet :

Par conséquent, pour tout mvt rectiligne uniformément accéléré,

$$G(x, v) = \frac{1}{2}v^2 - a_0 x$$

est une fonction cte avec le temps, fixée par les conditions initiales.

<u>Chutes des corps</u> <u>et mouvements uniformément accélérés (suite)</u>

· Inversement, pour tout mvt rectiligne d'accélération cte $oldsymbol{a_0}$, on a :

$$\frac{dv}{dt} = a_0 d'où v(t) = v_0 + a_0(t - t_0)$$

$$\frac{dx}{dt} = v(t) d'où x(t) = x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a_0(t - t_0)^2$$

où x_0 et v_0 sont la position et la vitesse à l'instant t_0 . L'équation de la diapositive précédente correspond au cas v_0 = 0.

Des deux équations ci-dessus on vérifie facilement la relation :

$$\frac{1}{2}v(t)^2 - a_0x(t) = \frac{1}{2}v_0^2 - a_0x_0 = \text{cste}.$$
 En effet :

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{2}\boldsymbol{v}\left(t\right)^{2}-\boldsymbol{a}_{0}\cdot\boldsymbol{x}\left(t\right)\right)=\boldsymbol{v}\cdot\frac{d\boldsymbol{v}}{dt}-\boldsymbol{a}_{0}\cdot\frac{d\boldsymbol{x}}{dt}=\boldsymbol{v}\cdot\left(\frac{d\boldsymbol{v}}{dt}-\boldsymbol{a}_{0}\right)=0.$$

Par conséquent, pour tout mvt rectiligne uniformément accéléré,

$$G(x, v) = \frac{1}{2}v^2 - a_0 x$$

est une fonction cte avec le temps, fixée par les conditions initiales.

<u>Chutes des corps</u> <u>et mouvements uniformément accélérés (suite)</u>

Soit un point P d'évolution x(t); on appelle constante du mouvement toute fonction G(x, v) telle que

$$G(x(t), v(t)) = G(x_0, v_0).$$

Par la suite on écrira plus simplement

$$G(x, v) = K$$
 avec $K = G(x_0, v_0) =$ cste.

Attention: constante du mouvement \u2222 constante

$$G(x,v)$$
 cte du mvt $\Leftrightarrow dG(x(t),v(t))$ /dt = 0

Dans le cas du mvt rectiligne uniformément accéléré (a_0 = cte), on a :

$$\frac{dG}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2}v^2 - a_0 x \right) = v \frac{dv}{dt} - a_0 \frac{dx}{dt} = v \left(\frac{dv}{dt} - a_0 \right) = 0$$

Cette cte du mvt est (à un facteur près) l'énergie mécanique du système. Sous-jacente apparaît une super-loi : <u>la conservation de l'énergie mécanique</u>

Lois de Newton

« Philosophiae Naturalis Principia Mathematica » (1687)

Sir Isaac Newton (1642–1727)



Lex prima (loi d'inertie):

 « Tout corps persévère dans l'état de repos ou de mouvement uniforme en ligne droite à moins qu'une force n'agisse sur lui et ne le contraigne à changer d'état »

mouvement rectiligne uniforme $\Leftrightarrow \vec{F} = 0$

Lex secunda:

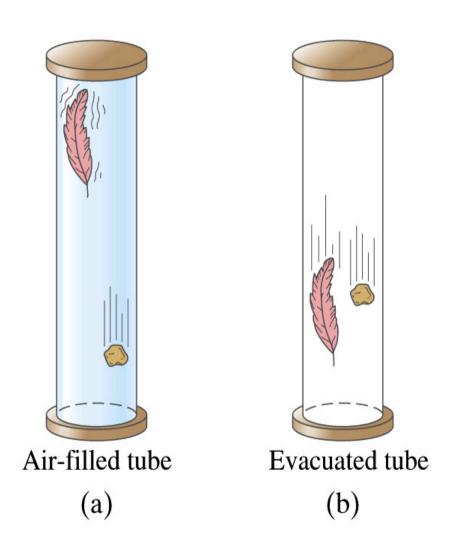
 « Les changements dans le mouvement d'un corps sont proportionnels à la force et se font dans la direction de la force »

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

- Lex tertia (action-réaction):
 - « A chaque action, il y a toujours une réaction égale et opposée; si un corps exerce une force sur un autre, cet autre corps exerce une force égale et opposée sur le premier »

$$\vec{F}_{1\rightarrow 2} = -\vec{F}_{2\rightarrow 1}$$

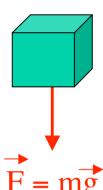
Démo: Tube de Newton #9



EPFL - GM

Force de pesanteur et chute des corps

· Modèle phénoménologique :

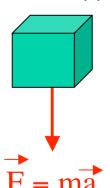


- l'attraction terrestre donne lieu à une force verticale (appelée poids) proportionnelle à la masse m :

$$F = mg$$

facteur de proportionnalité:
 q ≅ constante = 9.81 m/s²

· Application de la 2ème loi de Newton :

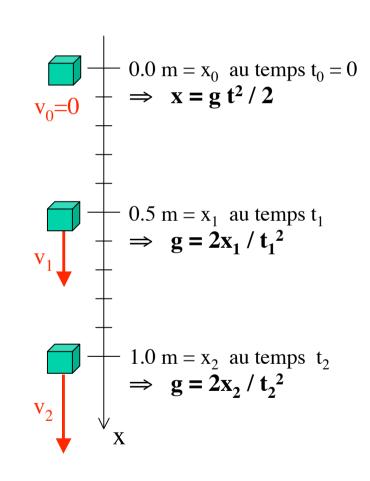


 Si le poids est la seule force appliquée à un point matériel :

$$F = ma \Rightarrow a = g = constante$$

⇒ dans le vide les corps ont un mouvement uniformément accéléré d'accélération g

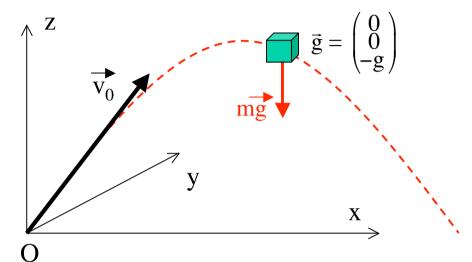
Démo: mesure de g chute de billes # 92



Projectile sous l'effet de la force de pesanteur

• On peut toujours choisir un repère Oxyz (avec z vertical) tel quel les conditions initiales s'écrivent :

$$\vec{\mathbf{x}}_0 = \begin{pmatrix} \mathbf{x}_0 \\ \mathbf{y}_0 \\ \mathbf{z}_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{pmatrix} \quad \vec{\mathbf{v}}_0 = \begin{pmatrix} \mathbf{v}_{0x} \\ \mathbf{v}_{0y} \\ \mathbf{v}_{0z} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{v}_{0x} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{v}_{0z} \end{pmatrix}$$



- Application de la loi de Newton, $\,\vec{F}=m\vec{a}\,$, dans chacune des directions x, y, z :

$$\begin{cases} m\ddot{x} = 0 & \Rightarrow x(t) = & v_{0x}t + x_0 = v_{0x}t \\ m\ddot{y} = 0 & \Rightarrow y(t) = & v_{0y}t + y_0 = 0 \\ m\ddot{z} = -mg \Rightarrow z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{0z}t + z_0 = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{0z}t \end{cases}$$

• En éliminant t, on obtient l'équation d'une parabole dans le plan y=0 :

$$z = -\frac{1}{2} g \left(\frac{x}{v_{0x}} \right)^2 + v_{0z} \left(\frac{x}{v_{0x}} \right)$$

Décomposition du mouvement balistique

Démo: Tir oblique (table à air) # 762

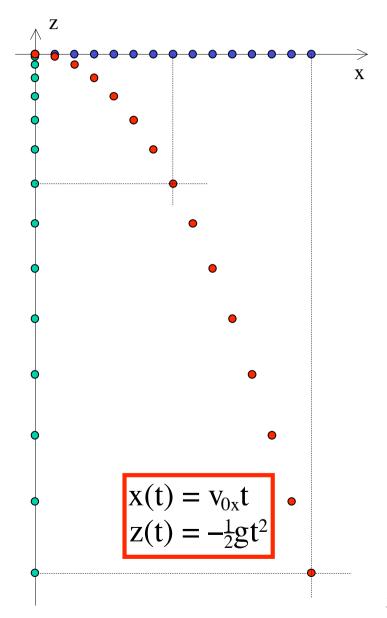
Deux boules dont les conditions initiales ne diffèrent que par la vitesse horizontale touchent le sol en même temps

- Le mouvement d'un corps en chute libre peut être vu comme la superposition de deux mouvements:
 - un mouvement rectiligne horizontal uniforme :

$$x(t) = v_{0x}t$$

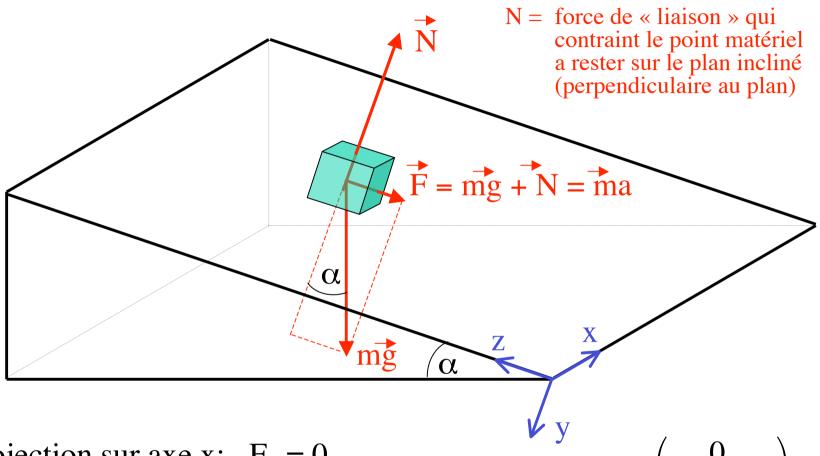
 un mouvement rectiligne vertical uniformément accéléré :

$$z(t) = -\frac{1}{2}gt^2$$



Plan incliné sans frottement (table à air)

Démo: Tir oblique (table à air) # 762



Projection sur axe x: $F_x = 0$

Projection sur axe y: $F_y = mg \cos \alpha - N = 0$ Projection sur axe z: $F_z = -mg \sin \alpha = ma_z$

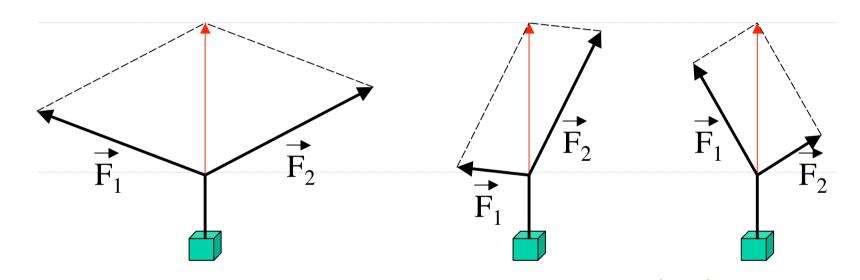
$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -g \sin \alpha \end{pmatrix}$$

Démos avec petit « g » : 1) accélération a indép. de m, 2) intersection balistique EPFL - GM

Expérience de Stévin (1548-1620)

Démo: Parallélogramme des forces (articulations) # 13

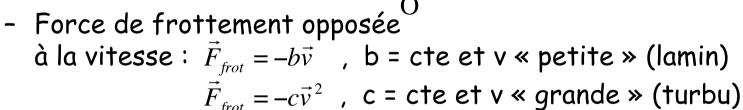
- Une masse est suspendue à deux fils obliques dont on mesure les tensions avec des dynamomètres
- · La diagonale verticale du parallélogramme construit sur les deux vecteurs forces est indépendante de la direction des fils



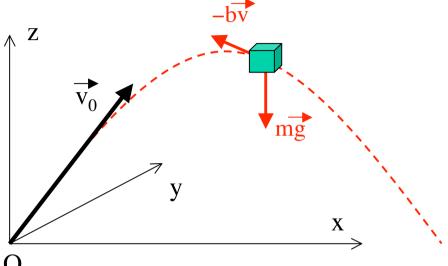
- Conclusion: il est possible de représenter l'effet global des deux forces au moyen d'une seule force égale à F_1 + F_2
 - cette résultante est en l'occurrence opposée au poids de la masse puisque cette dernière est à l'équilibre (immobile)

Balistique avec frottement dans l'air

- Notre modèle balistique avec F = mg est-il bon?
 - $v_z(t)$ ne croît pas à l'infini!
- · Modèle plus réaliste :
 - On tient compte de la résistance de l'air



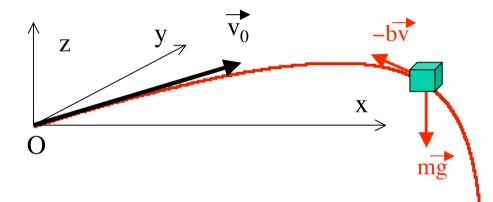
- Attention:
 - Les forces s'additionnent comme des vecteurs
 - La 2ème loi de Newton s'applique en utilisant la somme vectorielle des forces (comme dans l'exemple précédent de la table à air)



Chute libre avec frottement

 On peut toujours choisir un référentiel Oxyz (avec z vertical) tel quel les conditions initiales s'écrivent :

$$\vec{\mathbf{x}}_0 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{\mathbf{v}}_0 = \begin{pmatrix} \mathbf{v}_{0x} \\ 0 \\ \mathbf{v}_{0z} \end{pmatrix}$$



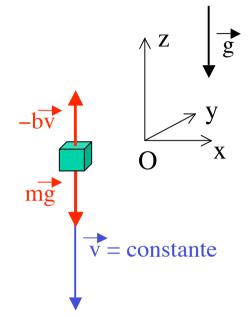
Application de la loi de Newton dans chacune des directions x, y, z

$$\begin{array}{lll} m\ddot{x} = -b\dot{x} & \Rightarrow & x(t) = & v_{0x}\tau\left(1 - e^{-t/\tau}\right) \\ m\ddot{y} = -b\dot{y} & \Rightarrow & y(t) = & 0 & \text{avec } \tau = \frac{m}{b} \\ m\ddot{z} = -b\dot{z} - mg & \Rightarrow & z(t) = & -g\tau\ t + \left(v_{0z} + g\tau\right)\tau\left(1 - e^{-t/\tau}\right) \end{array}$$

Vitesse limite de chute (t >> τ): $v_{\tau}(t) \approx -g\tau = -mg/b$

Vitesse limite de chute

- · Après un temps de chute long (t >> m/b):
 - vitesse v = constante
 - accélération à = 0
 - force $\vec{F} = \vec{ma} = \vec{mg} \vec{bv} = 0$
 - vitesse $\vec{v} = \vec{g} \, \text{m/b}$



- · Deux masses différentes avec b constant :
 - la plus grande masse
 - atteint sa vitesse limite plus tard
 - atteint une vitesse limite plus grande
- Deux masses égales dans milieux visqueux avec b différents :
 - dans le milieu le plus visqueux
 - · vitesse limite atteinte plus vite
 - vitesse limite plus faible

Démo: Viscosité (billes) force de frottement # 682